

配布先：京都大学記者クラブ、文部科学記者会、科学記者会、大阪科学・大学記者クラブ  
報道解禁：なし（即時報道可）

2021 年 11 月 4 日

## 一般相対性理論におけるエネルギー概念の革新 —ブラックホールの新しい描像と新しい保存量—

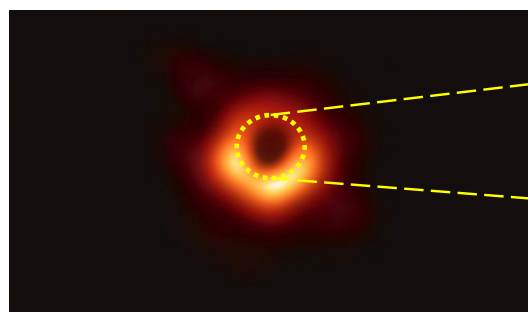
### 概要

京都大学基礎物理学研究所 青木慎也 教授、横山修一 同特任助教、大阪大学大学院理学研究科 大野木哲也 教授からなる研究グループは、一般相対性理論発見当初から懸案であった一般の曲がった時空において正しいエネルギーの定義を提唱しました。さらにその定義を自然に拡張することで宇宙全体からなる系で、エネルギーとは異なる、別の新しい保存量が存在することを理論的に示しました。

アインシュタインが提唱した一般相対性理論においてエネルギーを含め観測される量は一般座標変換で不変な量でなければなりません。ところが一般相対性理論提唱当初から一般座標変換で不変なエネルギーの定義に困難があったため、その困難を回避しながらエネルギーを計算する様々な試みが行われてきました。本研究グループは、重力の量子論を研究する過程で一般座標不変なエネルギーの定義を発見しました。そしてこの定義をシュワルツシルトブラックホールに適用することで、ブラックホールは特異点に物質が凝縮した超高密度天体である、ということが分かりました。さらにこの定義を自然に拡張することで、よく知られた対称性から導かれる保存量とは異なる保存量が宇宙のような全体からなる系に存在することを発見しました。一様等方宇宙の場合に熱力学第一法則を再現することからこの保存量がエントロピーを表すのではないかと推論しています。

以上の発見が、ブラックホール、中性子星、重力波、暗黒物質など天文学や宇宙物理学における様々な研究に大きな影響を与えるだけでなく、量子重力という困難な問題の解決への端緒を開くことを期待しています。

本研究は、2021 年 11 月 2 日（現地時刻）にシンガポールの国際学術誌「International Journal of Modern Physics A」にオンライン掲載されました。



2019年4月 © EHT Collaboration

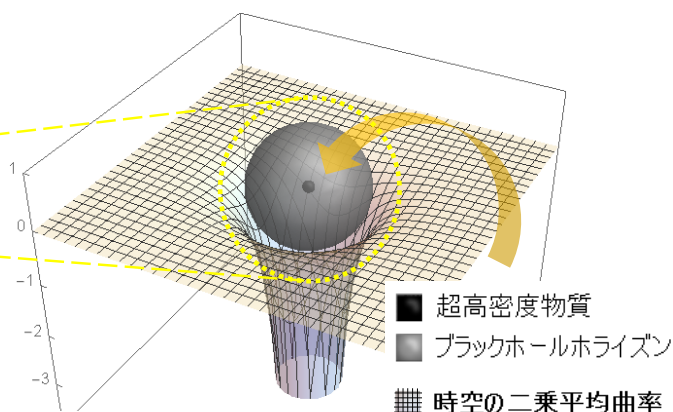


図1:M87星雲中の大質量ブラックホール

図2:シュワルツシルトブラックホール

ブラックホールの特異点には超高密度物質が存在し、そのエネルギーがブラックホールの質量になる！

## 1. 背景

アインシュタインの一般相対性理論は、**等価原理**<sup>注1)</sup> および**一般座標変換**<sup>注2)</sup> を**対称性**<sup>注3)</sup> とする**ゲージ原理**<sup>注4)</sup> と呼ばれる原理を基本として構築された理論です。この理論形式によって物質のエネルギーや運動量が空間の曲がり方を決定し、その曲がり方が物質の感じる重力となります。このようにエネルギーは一般相対性理論においても中心的な概念ですが、理論の提唱当時からその定義に困難がありました。その理由は、重力と物質との関係を規定するアインシュタイン方程式において、物質のエネルギーと運動量を表す**テンソル**<sup>注5)</sup> が通常の保存則を満たさないからです。そこでアインシュタインは重力場に付随するテンソルに似た擬テンソルと呼ばれる量を考案し、これを物質のエネルギー運動量テンソルに付け加えることで保存量を構成できることを指摘しました。そしてこの擬テンソルが重力のエネルギーや運動量を記述するという提案を行いました。擬テンソルはテンソルではないため、理論の大事な柱である一般座標変換不変性を満たさず不完全でした。しかしながら、擬テンソルには電磁場のエネルギーの類似物が含まれていることもあり長い間使われ続けました。

その後、様々な議論の結果、曲がった時空におけるエネルギーとして、準局所エネルギーと呼ばれる量や Komar 積分と呼ばれる量を状況に応じて計算することが主流になり現在に至ります。準局所エネルギーは、重力場のエネルギーが擬テンソルで表されると仮定すると空間内部に局在するエネルギーが物理的意味をなさなくなることを考慮して時空の十分遠方の表面でエネルギーを計算しようとする考え方で、電磁気学ではガウスの法則を使った全電荷の表面積分による計算に対応します。しかしこれはアインシュタインの擬テンソルの考え方と同様に一般座標不変性を満たしません。その一方、Komar 積分は一般座標変換で不変な量でかつどのような時空でも保存するように定義されていますが、平坦時空に適用しても通常のエネルギーに帰着しないため正しいエネルギーとは言えません。

## 2. 研究手法・成果

本研究グループの3人は共同で**量子重力**<sup>注6)</sup> を研究する過程で複雑に曲がった時空に遭遇し、従来のエネルギーの定義ではこの系のエネルギーを正しく評価できないことを認識しました。そして試行錯誤の末に一般座標変換で不変なエネルギーの定義を見出し、それを最も基本的な**ブラックホール**<sup>注7)</sup> である**シュワルツシルトブラックホール**<sup>注8)</sup> に適用して既存の結果を再現するか確かめました。すると驚くべきことに、シュワルツシルトブラックホールの特異点には物質のエネルギー運動量テンソルが凝縮していて、それを考慮することで初めて既存の結果を再現する、ということが判明しました。驚くべきである理由は、ブラックホールは伝統的にその内部に物質を何も持たず、「真の特異点」と呼ばれる部分に時空の「穴」だけがあるような天体であるとされてきて、特異点を避けて解析する手法が長い間発展させられてきたからです。この研究によってブラックホール内部にある時空の「穴」は物質がそこに凝縮した結果できたものであり、この寄与を見逃すと一般座標不変なエネルギーの定義を用いて正しい結果を得ることが出来ないということが分かりました。（この物質分布は量子力学ではよく知られた「ディラックのデルタ関数」と呼ばれるもので表され、数学的には「超関数」によって正当化されます。）

さらに進んでこのエネルギーの定義を用いて静止した星のもつエネルギーを計算してみたところ、従来の結果からずれが生じることが判明しました。従来は静止した星のエネルギーは十分遠方における重力場の振る舞いから計算された**重力質量**<sup>注9)</sup> と呼ばれるものに一致していましたが、今回私たちが提唱したエネルギーはこの値よりも小さくなることが分かりました。重力質量と値がずれることは一見すると等価原理と矛盾するように思えるかもしれませんが、広がった物体には**潮汐力**<sup>注10)</sup> が働くため矛盾はありません。実際に結果のずれを調べると広がった物体の内部における自己重力相互作用を表していることが分かりました。

以上の結果においてブラックホールや星のエネルギーは時間に依存しない保存量ですが、これは**ネーターの定理**<sup>注1 1)</sup>の帰結です。そこで「対称性の存在しないような複雑に曲がった時空でも一般座標不変性と矛盾しない形で保存量が存在するのか」というネーターの定理を拡張する問題に挑みました。その結果、宇宙のような全体から成る系においてそのような保存量が存在しその具体的な表示を与えることに成功しました。そしてその結果を私たちが住んでいる宇宙のような系に当てはめると、その保存量をエントロピーと解釈することで**熱力学第1法則**<sup>注1 2)</sup>を満たしていることが分かりました。特に我々の宇宙ではエネルギーは保存しません。またよく知られたブラックホールに対してこの保存量を計算すると、ごく自然な仮定の下に、**ベッケンシュタイン・ホーキングの公式**<sup>注1 3)</sup>から計算されるブラックホールエントロピーと一致することを確認しました。以上のことから、この保存量が一般の閉じた物理系におけるエントロピーではないかと予想しています。

### 3. 波及効果、今後の予定

本研究の成果は、一般相対性理論のみならず、より広い枠組みである**場の理論**<sup>注1 4)</sup>に対し新しい視点を与えてくれます。例えば、アインシュタインが付け加えた擬テンソルによる「重力場のエネルギー」は我々が提唱したエネルギーの定義において何ら役割を果たしていませんが、重力がもつとされるエネルギーは一体どうやって観測されるのか、それを考えることは今後の課題です。「2つの星がお互いに回り合う連星は重力波を出すことでエネルギーを失う」と考えられており、「連星の運動中に我々の定義したエネルギーやエントロピーはどのように保存するのか」ということを詳細に調べることは今後の課題であり、我々の見つけた保存量の意味を理解する上での重要なヒントを与えてくれます。その他、今回提唱した保存量は一般の場の理論に対しても存在し計算することが可能であり、流体力学や平衡・非平衡統計物理に応用することで今までとは異なった理解が得られることが期待されます。本研究の成果は、一般相対性理論や一般の場の理論における新しい保存量を通して天文学や宇宙物理学、非平衡統計物理学の理解に大きな影響を与えるだけでなく、量子重力の構築という難問解決へのヒントを与えてくれるかもしれません。

本研究は現代物理学の双壁をなす一般相対性理論と場の量子論の理解に革新をもたらすものであり、そのさらなる応用や実験を含めた既存の結果との比較が重要になってきます。その議論が重力理論の専門家だけに閉じることなく、基礎物理学の研究に関わる多くの研究者によってなされることを期待しています。

### 4. 研究プロジェクトについて

本研究は、科学研究費補助金 基盤研究(S) (JP18H05236 代表：初田哲男)、基盤研究(B) (JP16H03978 代表：青木慎也)、基盤研究(C) (JP18K03620 代表：大野木哲也)、基盤研究(C) (JP19K03847 代表：横山修一)の援助を受けています。

#### <用語解説>

- 注1)** **等価原理**：(点粒子の)慣性質量と重力質量は物理的に同じである、という要請のこと。観測者の加速度運動によって生じる見かけの力と重力が区別できないことを意味する。
- 注2)** **一般座標変換**：時間と空間(時空)を表す座標 $(t, x, y, z)$ から別の座標 $(t', x', y', z')$ に移ること。物理的にはある観測系から別の観測系に移ることを表す。
- 注3)** **対称性**：ある変換の下で物理系が変化しないという性質のこと。
- 注4)** **ゲージ原理**：「ゲージ変換」によって物理法則や観測量が不変でなければならない、という要請のこと。内山龍雄によって先駆的に研究された。一般相対性理論においては「物理法則や観測量はどのような

観測者からみても同じになっていなければならない」ということを意味する。

- 注 5)** **テンソル**：一般座標変換を行うと 2 つのベクトル場の積のように振る舞う量を指す。例えば、地球上における風の向きと大きさは地球の各点にベクトルが張り付いたベクトル場で表される。
- 注 6)** **量子重力**：古典論である一般相対性理論を量子論と融合させた重力理論のこと。様々な理論的概念的困難のために未完成であり、理論物理学に残された最大の問題の 1 つになっている。
- 注 7)** **ブラックホール**：ブラックホールは高密度で重い天体でホライズンと呼ばれる領域をもつ。ホライズンより内側に物体が落ち込むと強い重力のため光でも逃げ出せなくなる。
- 注 8)** **シュワルツシルトブラックホール**：電荷をもたない球対称なブラックホール。一般相対性理論発表の翌年シュワルツシルトによって発見された。
- 注 9)** **慣性質量と重力質量**：物体の運動の変化のしづらさを表す量を慣性質量と呼び、物体が作り出す重力場の大きさを表す量のことを重力質量と呼ぶ。
- 注 10)** **潮汐力**：物体に働く重力が一定でないことから生じる力のこと。海の潮汐の原因となっていることからこの名がついた。
- 注 11)** **ネーターの定理**：系に連続的な（大域的）対称性があれば保存量が存在するという定理。理論物理学のみならず純粋数学にも大きな影響を与えた。
- 注 12)** **熱力学第 1 法則**：熱力学におけるエネルギー保存則。熱と温度がエントロピーを通して関係する。
- 注 13)** **ベッケンシュタイン・ホーキングの公式**：ブラックホールエントロピーがそのホライズンの面積に比例するという公式。ブラックホールは熱力学関係式を満たすが、そのときのエントロピーを与える。
- 注 14)** **場の理論**：場の各点に力学変数をもつ理論。非常に広い枠組みで、例えば、この世界に知られている力を予言する一般相対性理論や標準模型は場の理論によって記述される。

#### <研究者（青木）のコメント>

素粒子論を専門とする 3 人が「一般相対性理論におけるエネルギーの定義」という（隠れた）大問題を研究するに至ったのは偶然であり、今思い返しても不思議です。最初は、我々のような非専門家がこのような重要な「発見」をしたことが信じられず様々な文献を調べましたが、重力場を含めたエネルギーの定義が主流で我々のような定義はほとんどなく、それを使った計算も皆無であったことを知り、驚かされました。現時点では専門家からの反応が鈍いのが残念ですが、本研究の重要性は確信しています。偶然とはいえ、このような研究に立ち会えたことは研究者冥利に尽きると言っても過言ではありません。

#### <論文タイトルと著者>

タイトル：Charge conservation, Entropy Current, and Gravitation (保存則、エントロピー流、そして重力)

著 者：Sinya Aoki, Tetsuya Onogi, and Shuichi Yokoyama

掲 載 誌：International Journal of Modern Physics A36 (2021), 2150201

DOI：10.1142/S0217751X21502018

#### \* 関連論文

タイトル：Conserved charges in general relativity (一般相対性理論における保存量)

著 者：Sinya Aoki, Tetsuya Onogi, and Shuichi Yokoyama

掲 載 誌：International Journal of Modern Physics A36 (2021), no. 10, 2150098

DOI : 10.1142/S0217751X21500986

**<お問い合わせ先>**

青木 慎也 (あおき しんや)

京都大学基礎物理学研究所・教授

TEL : 075-753-7081 FAX : 075-753-7038

E-mail : saoki@yukawa.kyoto-u.ac.jp

**<報道・取材に関するお問い合わせ先>**

京都大学 総務部広報課国際広報室

TEL : 075-753-5729 FAX : 075-753-2094

E-mail : comms@mail2.adm.kyoto-u.ac.jp

大阪大学 大学院理学研究科 庶務係

TEL : 06-6850-5280 FAX : 06-6850-5288

E-mail : ri-syomu@office.osaka-u.ac.jp